Remplaçant donc tous les s, s', s'' etc., par ces expressions on aura

$$P = h \times \left\{ \begin{array}{l} A\,x^{m} + C\,x^{n} + D\,x^{p} + \dots\dots\dots\dots\dots \\ A\,x_{,}^{m} + C\,x_{,}^{n} + D\,x_{,}^{p} + \dots\dots\dots\dots\dots \\ \text{‘} \quad + \quad \text{‘} \quad + \quad \text{‘} \quad + \dots\dots\dots\dots\dots \\ \text{‘} \quad + \quad \text{‘} \quad + \quad \text{‘} \quad + \dots\dots\dots\dots\dots \\ \text{‘} \quad + \quad \text{‘} \quad + \quad \text{‘} \quad + \dots\dots\dots\dots\dots \\ \text{‘} \qquad \text{‘} \qquad \text{‘} \qquad \dots\dots\dots\dots \\ \text{‘} \qquad \text{‘} \qquad \text{‘} \qquad \dots\dots\dots\dots \\ A\,x_{(n-1)}^{m} + C\,x_{(n-1)}^{n} + D\,x_{(n-1)}^{p} + \dots\dots\dots\dots\dots \end{array} \right\}$$

Reste à additionner tous les termes en dedans de la parenthèse ; et pour plus de facilité, je commence par la première rangée verticale, renfermant les termes ayant pour coefficient *A* et pour exposant m.

La distance entre deux surfaces voisines étant la même ou *h*, et *x* appartenant à la surface *s* voisine de B, cet *x* égale $H-h$. Par la même raison $x_{,}$ appartenant à s' voisine de s, cet $x_{,}$ égale $(H-h)-h = H-2\,h$ et ainsi de suite $x_{,,} = H-3\,h$ et enfin $x_{(n-1)} = H-nh$.
Conséquemment

$$\left\{ \begin{array}{l} A\ x^{m} \\ A\ x_{,}^{m} \\ A\ x_{,,}^{m} \\ \quad \text{‘} \\ \quad \text{‘} \\ \quad \text{‘} \\ A\ x_{(n-1)}^{m} \end{array} \right\} = A \times \left\{ \begin{array}{l} x^{m} \\ x_{,}^{m} \\ x_{,,}^{m} \\ \quad \text{‘} \\ \quad \text{‘} \\ \quad \text{‘} \\ x_{(n-1)}^{m} \end{array} \right\} = A \times \left\{ \begin{array}{l} (H-h)^{m} \\ (H-2h)^{m} \\ (H-3h)^{m} \\ \text{‘} \quad \text{‘} \\ \text{‘} \quad \text{‘} \\ \text{‘} \quad \text{‘} \\ (H-nh)^{m} \end{array} \right\}$$

Or $(H-h)^{m}$ égale

$$\left(H^{m} - m\,h\,H^{m-1} + \frac{m\,(m-1)}{1.\,2.}\,h^{2}\,H^{m-2} \dots\dots\dots\dots \right)$$

Le développement des autres binômes ne diffère de celui-ci qu'en ce qu'il faut remplacer *h* par *2h*, ensuite *h* par *3h*, tout le reste étant le même pour tous. Pour simplifier je remplace

$$\begin{array}{llll} m, & \dfrac{m\,(m-1)}{1.\,2}, & \dfrac{m\,(m-1)\,(m-2)}{1\,.\,2\,.\,3} \ \text{etc} & \text{par} \\ a & \quad b & \qquad c & \dots\dots\dots\dots \end{array}$$

La Somme cherchée devient donc

$$A \times \left\{ \begin{array}{c|c|c|c|c|c} & m & m-1 & m-2 & m-3 \qquad\qquad + & m \\ 1 & H-1 & a\,h\,H \quad 1^{2} & b\,h^{2}\,H - 1^{3} & c\,h^{3}H \div \dots\dots -1^{m} & h \\ 1 & -2 & +\ 2^{2} & -\ 2^{3} & +\ 2^{m} & \\ 1 & -3 & +\ 3^{2} & -\ 3^{3} & \pm\ 3^{m} & \\ 1 & -4 & +\ 4^{2} & -\ 4^{3} & \pm\ 4^{m} & \\ \text{‘} & \text{‘} & \text{‘} & \text{‘} & \text{‘} & \\ \text{‘} & \text{‘} & \text{‘} & \text{‘} & \text{‘} & \\ 1 & -n & +\ n^{2} & -\ n^{3} & \pm\ n^{m} & \end{array} \right\}$$