

par conséquent: $\sqrt{i_{(c)} s_0 + i_{(c)} j x} \left\{ 1 + \frac{r}{(r + mx)^2} \right\} = \sqrt{i_{(c)} s_0 + x} + \sqrt{i_{(c)} s_0 + i_{(c)} x}$

et:

$$j = \frac{2i_{(c)} s_0 + x + i_{(c)} x + 2 \sqrt{i_{(c)}^2 s_0^2 + i_{(c)} s_0 x + x i_{(c)}^2 s_0 + i_{(c)} x^2} - i_{(c)} s_0 \left(1 + \frac{r}{(r + mx)^2} \right)}{i_{(c)} x \left\{ 1 + \frac{r^2}{(r + mx)^2} \right\}} \quad (17)$$

Donc en substituant dans l'expression $\frac{\sqrt{i_{(c)} s_0 + i_{(c)} j x}}{\sqrt{i_{(c)} s_0 + i_{(c)} x}}$ qui représente, comme nous

l'avons expliqué pour le tuyau cylindrique, le rapport entre le nombre absolu de molécules liquides passant le plan de l'orifice A O B, en mince paroi, pendant un temps donné, et celui qui s'écoule à la base correspondante A O B d'un tube quelconque d'une longueur égale à x , pendant le même temps—en substituant, dis-je, dans cette expression, au lieu du symbole, la valeur de j en termes de x que nous venons de déduire, nous avons pour la vitesse $v_{\text{AOB}}^{\text{div.}}$ dans la petite base A O B, de tout tube conique

divergent A B C D, de largeur O E = l , fixé directement au côté du réservoir, à savoir sans embouchure contractée :

$$\left(\begin{array}{c} \text{vit.} \\ \text{petite} \\ \text{base} \\ \text{simple} \\ \text{div.} \end{array} \right) = \sqrt{2g \left(\begin{array}{c} \text{coeff.} \\ \text{haut} \\ \text{vit.} \\ \text{orif.} \\ \text{égale} \\ \text{petite} \\ \text{base} \end{array} \right) \frac{2i_{(c)} s_0 + l + i_{(c)} l + 2 \sqrt{i_{(c)}^2 s_0^2 + i_{(c)} s_0 l + l i_{(c)}^2 s_0 + i_{(c)} l^2}}{\left(1 + \frac{r^2}{(r + ml)^2} \right) i_{(c)} s_0 + i_{(c)} l}} \quad (18)$$

Appliquons maintenant cette formule à déterminer les vitesses à la base adjacente au réservoir, de quelques-uns des tubes coniques divergents employés dans les expériences, et nous pourrons ainsi comparer les rapports, entre la vitesse dans un orifice simple, en mince paroi, et celle à la petite base d'un tube, tels qu'obtenus d'un côté par le calcul, de l'autre par l'expérience.

EXEMPLE.

En adaptant directement au côté du réservoir un tube divergent sans embouchure contractée à l'intérieur et dont la longueur, O E = l = 9.2124 pouces, était neuf fois son diamètre A B = $2r$ = 1.0236 pouces à la petite extrémité, l'inclinaison de ses côtés A D, B C, étant 5°-6' et le diamètre de la grande base D C = $2(r + ml)$ = 1.8441 pouces, Eytelwein trouva qu'avec une charge constante de 2.3642 pds. = 28.37 pouces, le coefficient de débit pour la base A B, était 1.18, le débit théorique étant 1.

Nous pouvons ici, comme nous l'avons fait dans d'autres cas, supposer sans danger d'erreur notable, que s_0 varie en raison inverse de la racine carrée de la vitesse—consé- quemment, puisque pour 14 pouces de charge j'ai trouvé que s_0 égalait entre 0.54 et 0.57 r , nous avons pour une charge de 28.37 pouces :

$$s_0 = 0.57 r \frac{\sqrt[4]{14}}{\sqrt[4]{28.37}} = 0.2917 \times \frac{1.934}{2.308} = \text{environ, } 0.25 \text{ pouces.}$$