

Tribune libre.

SOLUTIONS DES PROBLÈMES PROPOSÉS DANS LE NUMÉRO DE JANVIER

(Vol. XI, No 9, p. 342.)

1^{ER} PROBLÈME.

1^{ère} solution.—Gain 8 p. $\frac{8}{100}$ du prix d'achat. Prix de vente = prix d'achat + gain = $\left(\frac{100}{100} + \frac{8}{100}\right)$ du prix d'achat = $\frac{108}{100}$ du prix d'achat.

Mais le prix de vente = \$36.

108

100 p. d'achat = \$36

$$\frac{1}{100} \quad " \quad = \frac{36}{108}$$

$$\frac{100}{100} \quad " \quad = \frac{36 \times 100}{108}$$

Prix d'achat = \$33.33 $\frac{1}{3}$. Donc il perdrait s'il revendait le baril au prix indiqué.

2^{ème} solution.— $\frac{8}{100}$ en plus = $\frac{8}{108}$ en moins.

$$\frac{8}{108} = \frac{2}{27}; \frac{2}{27} \text{ de } \$36 = \frac{36 \times 2}{27} = \$2.66\frac{2}{3}.$$

Prix d'achat = $36 - 2.66\frac{2}{3} = 33.33\frac{1}{3}$. Donc il perdrait s'il le revendait \$32. Réponse.

2^{ÈME} PROBLÈME.

1^{ère} solution.—La différence entre les carrés de deux nombres consécutifs, pairs ou impairs, est égale à quatre fois l'un de ces nombres + 4 (c'est-à-dire que si l'on prend le carré du grand nombre, il suffira de le diminuer de 4 fois ce même grand nombre, et d'ajouter 4 au reste pour avoir le carré du petit nombre; et que si l'on prend le carré du petit nombre, il suffira d'y ajouter 4 fois ce même petit nombre et d'augmenter le résultat de 4 unités pour avoir le carré du grand nombre).

La différence entre les carrés des nombres supposés = $25 + 31 = 56$.

On a donc : 4 fois le petit nombre + 4 = 56; d'où 4 fois le petit nombre = $56 - 4 = 52$;

$$\text{et] 1 fois le petit nombre} = \frac{52}{4} = 13.$$

Ou bien encore : 4 fois le grand nombre - 4 = 56;

$$4 \text{ fois le grand nombre} = 56 + 4 = 60$$

$$1 \text{ fois le grand nombre} = \frac{60}{4} = 15.$$

Prenant 13 on a, d'après les données du problème, $13 \times 13 + 31 = 169 + 31 = 200$ piastres : Réponse.

Ou, prenant 15, on a $15 \times 15 - 25 = 225 - 25 = 200$ piastres : Réponse.

2^{ème} solution.—Soit x le nombre de pièces qu'il place sur chaque rang au premier essai. On aura x^2 nombre de pièces que contiendrait le carré s'il pouvait le compléter; mais il lui manque 25 pièces; donc $x^2 - 25 =$ nombre de pièces qu'il possède.

Au deuxième essai le nombre de pièces sur chaque rang = $x - 2$.

Le nombre de pièces contenues dans ce carré = $(x - 2)^2 = x^2 - 4x + 4$.

Mais il reste 31 pièces.

Donc $x^2 - 4x + 4 + 31 =$ Nombre de pièces qu'il possède.

On a donc :

$$x^2 - 25 = x^2 - 4x + 31$$

$$x^2 - x^2 + 4x = 35 + 25$$

$$4x = 60$$

$$x = 15$$

Et, finalement, $15^2 - 25 = 225 - 25 = 200$ nombre de piastres qu'il possède : Réponse.

3^{ME} PROBLÈME.

On a : $a : b :: 2 : 3,$

$$b : c :: 4 : 5,$$

$$c : d :: 6 : 7;$$

ces proportions donnent :

$$2b = 3a,$$

$$4c = 5b,$$

$$6d = 7c.$$

Prenant un nombre quelconque, 16, par exemple, pour la créance de A , on aura, d'après les égalités qui précèdent :

$$2b = 3a = 3 \times 16 = 48,$$

$$b = 24;$$

$$4c = 5b = 5 \times 24 = 120,$$

$$c = 30;$$

$$6d = 7c = 7 \times 30 = 210,$$

$$d = 35$$

Il suffit maintenant de partager la somme donnée proportionnellement aux nombres trouvés.

$$a \dots 16,$$

$$b \dots 24,$$

$$c \dots 30,$$

$$d \dots 35,$$

$$\text{Total} = 105.$$

$$\text{Taux par piastre} = \frac{2100}{105} = \$20.$$

$$A \text{ aura } 16 \times 20 = \$320,$$

$$B \text{ " } 24 \times 20 = \$480,$$

$$C \text{ " } 30 \times 20 = \$600,$$

$$D \text{ " } 35 \times 20 = \$700,$$