

d'où $x^3 = \frac{170000 \times 81}{35} = 393429 \text{ dm}^3$ environ.

$x = \sqrt[3]{393429}$; d'où, par log. on tire: log. 393429 = 5,59486.

En divisant par l'indice 3, il vient 1,86495.

Le log. 1,86495 correspond à 73 dm, 278 ou 7m, 3278.

donc $x = 7\text{m}, 3278$

l'autre côté = $\frac{7\text{m}, 3278 \times 7}{9} = 5\text{m}, 6994$

et le petit côté = $\frac{7\text{m}, 3278 \times 5}{9} = 4\text{m}, 0710$.

Réponse: longueur 7m, 3278; largeur 5m, 6994; hauteur 4m, 0710.

III. Un observateur placé à l'ouverture d'un puits de mine a laissé tomber une pierre au fond et a compté sur sa montre 5 secondes depuis le commencement de la chute jusqu'à la perception du bruit. Quelle est approximativement la profondeur du puits? (On fera abstraction de la résistance de l'air.)

Solution :

Les 5 secondes écoulées depuis le commencement de la chute jusqu'à l'arrivée du son à l'oreille de l'observateur comprennent :

1^e Le temps employé par la pierre pour descendre, et 2^e le temps employé par le son pour remonter.

Si nous représentons le premier par x , le second sera exprimé par $(5-x)$.

Soit e l'espace parcouru par la pierre; en appliquant la formule de la pesanteur, $e = \frac{gt^2}{2}$, nous aurons :

$$e = \frac{gx^2}{2} \quad (1)$$

D'autre part, en admettant que le son parcourt 340m par seconde, nous aurons :

$$e = 340(5-x) \quad (2)$$

Des égalités (1) et (2), nous tirons l'équation suivante;

$$\frac{gx^2}{2} = 340(5-x)$$

qui donne: $gx^2 = 680(5-x)$

$$gx^2 = 3400 - 680x$$

et $gx^2 + 680x - 3400 = 0$

et enfin $x^2 + \frac{680x}{g} - \frac{3400}{g} = 0$

d'où nous tirons: $x = \frac{-340 \pm \sqrt{\left(\frac{340}{g}\right)^2 + \frac{3400}{g}}}{g}$

$$\sqrt{\left(\frac{340}{g}\right)^2 + \frac{3400}{g}}$$

et de là: $x = \frac{-340 \pm \sqrt{\frac{115600}{g^2} + \frac{3400g}{g^2}}}{g}$

$$x = \frac{-340 \pm \sqrt{115600 + 3400g}}{g}$$

et enfin: $x = \frac{-340 \pm \sqrt{115600 + 3400g}}{g}$

En remplaçant g par sa valeur 9^m, 8088 on a :

$$x = \frac{-340 \pm \sqrt{115600 + 3400 \times 9^m, 8088}}{9,8088}$$

Puis en effectuant les calculs, on a successivement :

$$x = \frac{-340 \pm \sqrt{148949,92}}{9,8088}$$

prenant le signe positif du radical :

$$x = \frac{-340 + 385,94}{9,8088}$$

$$x = \frac{45,94}{9,8088}$$

et enfin $x = 4^s, 68355$, temps employé par la pierre et $(5-x) = 0^m, 31645$, temps employé par le son.

On déduit de là :

$$e = 0,31645 \times 340^m = 107^m, 59$$

et pour preuve :

$$e = \frac{g x^2}{2} = \frac{9,8088 \times (4.68355)^2}{2} = 107^m, 58$$

Réponse: La profondeur approximative du puits est donc de 107^m,6 à 0^m, 1 près.

(Extraits de l'Éducateur.)

TRIBUNE LIBRE

CORRESPONDANCE.

A. M. le Secrétaire du Bureau des Examineurs catholiques de Montréal.

Montréal, 11 septembre 1886.

Monsieur le Secrétaire,

Permettez-moi de signaler une inexactitude échappée à la rédaction du Journal de l'Instruction publique, en son numéro 4, page 89. Il s'agit d'un problème sur le mesurage.

« Un cône ayant 12 pieds de circonférence et 6 pieds de hauteur doit être peint à raison de 70 cts le (pied carré); combien faut-il payer? »