

Dans le cas des nombres complexes, on fait des soustractions isolées pour les diverses unités.

5^e exemple.

18^h 04^m 52^m

7^h 01^m 09^m

11^h 03^m 43^m

6^e exemple

73^h 12^m 08^m

13^h 42^m 07^m

59^h 30^m 01^m

Dans le cas du 6^e exemple, aux minutes, après avoir dit 2 ôtés de 2 donnent zéro, on passe aux dizaines de minutes; 4 ôtés de 1... on ajoute au 1^{er} terme la valeur d'un degré, soit 6 dizaines de minutes, et l'on dit : "4 ôtés de 7 donnent 3; je retiens 1, et 3 font 4, ôtés de 13 donnent 9; je retiens 1, et 1 font 2, ôtés de 7 donnent 5."

LA SOUSTRACTION OPÉRÉE PAR L'ADDITION

On procède souvent par addition pour trouver la différence de deux nombres, et cette méthode lève d'elle-même toutes les difficultés relatives aux chiffres trop faibles.

"Pour trouver par addition la différence de deux nombres, on additionne le nombre partiel donné avec un autre nombre qui n'est pas écrit, mais qu'on suppose et qu'on écrit chiffre par chiffre, de manière à obtenir le nombre donné comme total."

Exemple

5 846

385

5 461

On dit : "5 et... 1 font 6; 8 et... 6 font 14; je retiens 1, et 3 font 4, et... 4 font 8; 0 et... 5 font 5. Différence trouvée : 5 461."

Il est bon de remarquer que les nombres peuvent être écrits dans un ordre quelconque.

PREUVE. "On fait ordinairement la preuve de la soustraction en additionnant les deux nombres partiels, ce qui doit donner le nombre total."

Algèbre

(Réponses aux programmes officiels de 1862;

PUISSANCES D'UN MONÔME

DÉFINITION. La puissance 2^e, 3^e, ^m^{ème} d'un nombre quelconque, égale 1 mul-

tiplié successivement 2 fois, 3 fois, ^m fois par ce nombre.

Par exemple, la puissance 2^e de 5 égale $1 \times 5 \times 5 = 25$;

La puissance 3^e de 2 égale $1,2,2,2 = 8$;

La puissance 4^e de 3 égale $1,3,3,3,3 = 81$;

La puissance 1^{re} de 6 égale $1,6 = 6$.

La puissance zéro de 4 égale 1 non multiplié par 4, soit simplement 1, comme on l'a expliqué au début de la division algébrique.

La puissance (-2) de 5 égale 1 divisé 2 fois successivement par 5, soit $\frac{1}{5 \times 5}$ ou $1/25$, ainsi qu'on l'a vu au début de la division algébrique. Le signe - indique qu'il faut prendre une opération inverse, savoir la division au lieu de la multiplication.

RÈGLE. "Pour élever un monôme à une puissance quelconque, on élève son coefficient à cette même puissance, et l'on multiplie tous les exposants par le degré de la puissance."

Quant au signe, si le terme donné est positif, toutes ses puissances sont positives; et si le terme donné est négatif, les puissances d'ordre impair sont négatives, et les autres sont positives.

EXEMPLES DE CARRÉS :

Le carré de $5a^3b^2c$ égale $5a^3b^2c \cdot 5a^3b^2c = 25a^6b^4c^2$

Le carré de $(-3ab^5)$ égale $(-3ab^5) \times (-3ab^5) = +9a^2b^{10}$

Le carré de a est a^2 ; et le carré de $(-a)$ est aussi a^2

Le carré de $a/2$ est $a^2/4$; le carré de $a/3$ est $a^2/9$.

EXEMPLES DE CUBES :

$(2ab^2c^5)^3 = 8a^3b^6c^{15}$

$(-5a^2c)^3 = -125a^6c^3$

Le cube de a est a^3 ; et le cube de $(-a)$ est $-a^3$; car on a $(-a)^3 = (-a) \cdot (-a) \cdot (-a) = (+a^2) \cdot (-a) = -a^3$.

Le cube de $a/2$ est $a^3/8$; le cube de $a/3$ est $a^3/27$.

Géométrie

(Réponses aux programmes officiels de 1862)

MESURE DE DIVERS ANGLES

On appelle *angle du segment* un angle formé par une tangente et une corde ;