Solution.—Après avoir tiré du tonneau 1 gallon de vin il n'y reste plus que 59 gallons de vin, en tirant un second gallon du tonneau, on tire $\frac{59}{60}$ de gallon en vin, et il reste alors $59-\frac{59}{60}$ $\frac{59 \times 60 - 59}{60} = \frac{59(60 - 1)}{60} = \frac{59^2}{60}.$ En tirant un troisième gallon du tonneau, on tire en vin $\frac{59^2}{60 \times 60} = \frac{59^2}{60^2}$, et il reste alors $\frac{59^2}{60} - \frac{59^2}{60^2} = \frac{59^2 \times 60}{60 \times 60} - \frac{59^2}{60^2} = \frac{59^2 \times 60}{60^2} - \frac{59^2}{60^2} = \frac{59^2 (60 - 1)}{60^2}$ $=\frac{60^{2}}{60^{2}}$; si l'on tire encore un gallon on prendra en vin $\frac{59^3}{60^2 \times 60} = \frac{59^3}{60^3}$, et il restera $\frac{59^3}{60^2} - \frac{59^3}{60^3} = \frac{59^3 \times 60}{60^2 \times 60} - \frac{59^3}{60^3}$ $=\frac{59^3\times60-59^3}{60^3}=\frac{59^3\left(60-1\right)}{60^3}=\frac{59^4}{60^3}; \text{ généralement après}$ avoir tiré n gallons du tonneau il y restera $\frac{59^n}{60^n-1}$ gallons en vin; or, on veut qu'il reste alors la moitié du tonneau en vin, donc $\frac{50}{60^n-1}$ = 30; d'eù 59^n = 30 × 60^n-1 eu 2 × 59^n = 30 × 2 $\times 60^{n-1} = 60 \times 60^{n-1} = 60^{n}$; done, $2 = \frac{60^{n}}{59^{n}} = \left(\frac{60}{59}\right)^{n}$, et en employant les logarithmes on a log. 2 = n (log. 60-log. 59); log. 2 donc $n = \frac{1}{\log. 60 - \log. 59}$. Le log. 2 = 0.30103000; log. 60 = 0.301030001.77815125; log. 59 = 1.77085201, d'où n =0.30103000 0.30103000 $\frac{1.77815125 - 1.77085201}{1.77815125 - 1.77085201} = \frac{0.00729924}{0.00729924} = 41_{729924}.$ Donc $n = 41\frac{1}{4}$ à peu près; par conséquent, après avoir tiré $41\frac{1}{4}$ gallons du tonneau, remplaçant à mesure par de l'eau, il y aura

r

C

16

p d

e

q

e

ez

86

q

le

ne

qt

30 gallons de vin, et 30 gallons d'eau dans le tonneau.

DES DIFFÉRENTS SYSTÈMES DE NUMÉRATION.

Le système de numération que nous tenons des Arabes, et qui a été employé et développé dans notre arithmétique, se forme par la combinaison du nombre dix, de manière à correspondre eux noms de nombres employés dans presque toutes les langues.

Si l'on réfléchit aux principes sur lesquels est fondé notre système de numération décimale, on reconnaîtra facilement qu'on