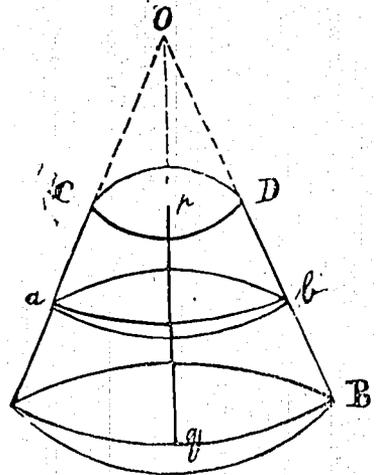
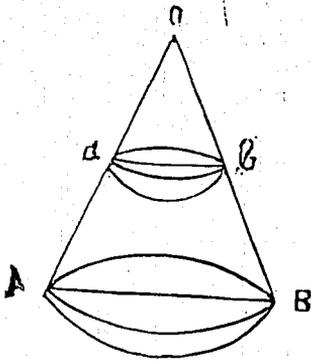


Maintenant venons-en au secteur sphérique.

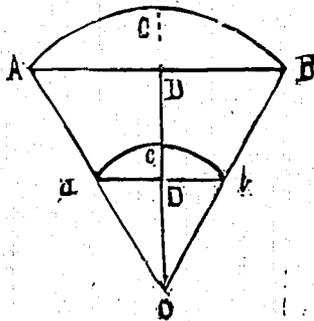
La formule est toujours la même. — L'aire  $O +$  plus l'aire  $A B$  plus 4 fois l'aire  $a b$ , — mais dans un secteur complet comme dans une pyramide complète l'aire du milieu  $a b =$

exactement  $\frac{1}{4}$  de  $A B$  et alors quand  $A B$  est connu  $a b$  est connu aussi; mais si c'est un tronc de secteur sphérique ajoutez ensemble l'aire  $A B$ , l'aire  $C D$  et 4 fois l'aire  $a b$  et multipliez cette somme par le sixième de  $A C$  ou de  $B D$  ou de  $p q$ , l'épaisseur ou la hauteur du tronc  $D A$  étant partout la même.



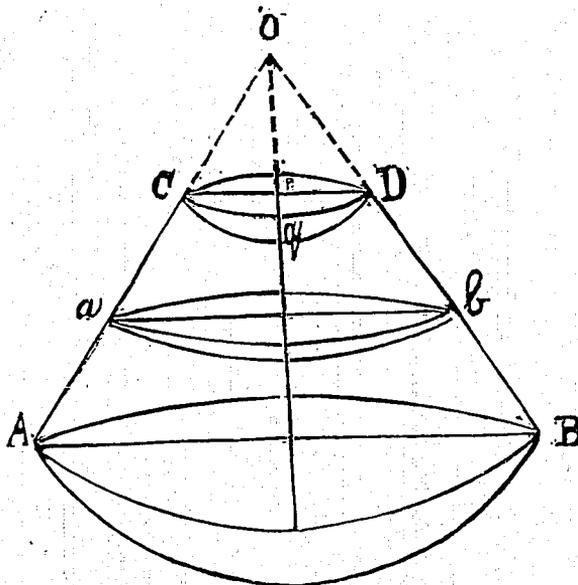
Ainsi la seule difficulté pour cuber le secteur sphérique  $A B O$  ou le tronc  $A B D C$  d'un secteur sphérique est de trouver l'aire  $A B$ ,  $C D$  et  $a b$ , et quand uno de ces aires est connue il est très facile de trouver les autres puisque les aires de figures de semblables sont l'une à l'autre comme le carré de leurs côtés homologues, comme dans ce cas-ci, l'aire  $A B$  : l'aire  $C D$  comme  $A O^2 : C O^2$ , comme l'aire  $a b$  :  $a O^2$ .

Maintenant voyons comment on trouve l'aire  $A B$  ou  $C D$ . Or il arrive que c'est chose très simple que de trouver l'aire convexe du segment solide  $A B$  ou  $C D$  ou  $a b$  d'une sphère.



Renversons le secteur sphérique. La règle est de multiplier la circonférence de la sphère par la hauteur  $C D$  de la base *segmentale* du secteur et le résultat est l'aire voulue.

Pour trouver la circonférence, multipliez  $A O$  le par 2 pour avoir le diamètre et ensuite par 3,1416 pour avoir la circonférence; supposez que  $C D = 2$  alors l'aire du segment conoexe  $A C B = A O \times 2 \times 3,1416 \times 2$ .



Pour le secteur entier ou complet, comme on l'a établi, l'aire  $a b$  du milieu  $O$  et  $A = \frac{1}{4}$  de l'aire  $A B C$ .

Supposons que  $A = 10$  et  $C O = 4$ , alors  $A C = 6$  et  $a C = 3$  et  $a O = 7$

Ceci posé; supposons que vous calculez d'abord l'aire sphérique de  $C D$ , dans ce cas il est très facile de trouver la hauteur verticale  $p q$  du segment; alors comme l'aire  $C D$  est à  $C O^2$  ainsi l'aire  $A B$  est à  $A O^2$ , ainsi l'aire  $a b$  est à  $a O^2$ , ou réciproquement rayon  $C O^2$  : l'aire  $C D$  :: l'aire  $A B$  ou comme  $C O^2 : a O^2 ::$  l'aire  $C D$  : à l'aire  $a b$ .

THOMAS WHITTY.

Varennes, mai 1886.